ങ്ങള 8 89ങ്ങള് വൗറ്റൻ (ശുദ്രാ വളിവഴ്ചിയാവുടെ ugy / All Rights Reserved)

gen Bass ognition del இ அடை Bass ognition and an angelle and angelle angel

எல்களை சைவு, கையோ கரு (උனவ் கூறு) செல்கன, 2014 අனைவிற கல்விட்டு இருந்த நராதுப் பத்திர (உயர் நர)ப் பரிப்பை, 2014 ஓகவிற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2014

**குலனுக்க கணிதம்** III இணைந்த கணிதம் III Combined Mathematics II

10 S II

**පැය භූතයි** மூன்று மணித்தியாலம் Three hours

Senso doeso

## උපදෙන් :

මෙම පුශ්න පනුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොවන (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොවන (පුශ්න 11 - 17).

\* A emoවන:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

\* B කොටහ:

පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොවගෙහි පිළිතුරු පතුය. B කොවගෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිව භාර දෙන්න.
- \* පුශ්න පනුයෙහි B කොටහ පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි ද මගින් ගුරුත්වජ න්වරණය දැක්වෙයි.

## පරික්ෂකවරුන්ගේ පුකෝජනය කදහා පමණි.

(1	0) ගංගුක්ත ගණිය	i i
කෙවන	පිලන ජංකය	6443
	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
[	6	
[	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
[	13	
В	14	
	. 15	
[	16	
	17	
	එකතුව	
	පුතිශකය	

I පතුය	
II පතුය	
එකතුව	• •
අවසාන ලකුණු	

අවගාන ලකුණු

ඉලක්කමෙන්	-	_	
අකුරින්		_	

ගංකේග අංක

උත්තර පනු පරීක්	<b>8</b> 20	
පරීක්ෂා කළේ:	2	
අධීක්ෂණය කළේ	: 7	

	තිරස් බීමක් මත වූ $O$ ලක්ෂායක සිට $oldsymbol{u}$ වේග	4	മാക്കവയ നാറ്റോ	, market 1
	O සිට 2a තිරස් දුරකින් වූ ද සිරස් තාප්පය	ක් දෙසට අංශුවක් ගුරු	ත්වය යටතේ පුදු	න්ෂේප කුරනු ලැබේ.
	$u>2\sqrt{ga}$ නම්, අංශුව තාප්පයට ඉහළින් යපි	ත් බව පෙන්වත්ත්.	man from the second	
			······	
			à	
				•
		ن معامد د.	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	······································
			•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	
		·		
		it a street	. 3	
		;	1	
	•••••		1	
2.	ස්කන්ධය M kg වූ වාහනයක්, සැහැල්ලු අවි	විතනා කේවලයක් මගින	ත් එම ස්කන්ධය <i>ි</i>	ම සහිත ටේලරයක්
	සෘජු තිරස් පාරක් දීගේ ඇදගෙන යයි. වාහා	නයේ චලිතයව හා වේල	රයේ වල්කයට ද	ත්රොධ පළවෙළත
;;	නිව්වන R හා 2R වේ. වාහනයේ එන්ජීම P kV	V ජවයකින් කුයා කරමන් 1 /	EDENTE VIEW	. මෙවග්යෙන පලනය
٠	චෙමින් තිබෙන මොහොතේ දී කේබලයේ අ	ාතතිය නිව්වන $\frac{1}{2}(R+3)$	V as es	ත්වන්න.
	100 a c			
	***************************************		2000 Programme Court • Draw Law 18,000 Programme Account	:
	••••••			
				7
			-	
			-	
			-	

	ත, u වේගයෙන් සිරස් බිත්තියක් දෙසට, බිත්තියට ලම්බ නොකර වියාදුව සම්බන්ධ කරන සිත්තියව සම්බන්ධ
PICHE WERE PROPERTY OF THE PROPERTY OF THE PROPERTY OF	මට පෙර $P$ අංශුව, එහි පෙතෙහි නිශ්චලව ඇති එම ලෙස ගැනටන අතර $Q$ අංශුව ඉන්පසුව බිත්තියේ ගැටී
පොලා පනී. ගැටුම් දෙක ම සඳහා පුතාාගති සංගු	ණකය $e\left(0 < e < 1 ight)$ වේ. $Q$ අංශුව මත බීත්තියෙන් ඇති
කරන ආවේගය $\frac{1}{2}(1+e)^2mu$ බව පෙන්වන්න.	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	······································
	ja.
•••••	
·	
ඇත. O හි නිශ්චලකාවයේ සිට අංශුව ගුරුක්වය යෙදීමෙන්, පසුව සිදු වන චලිකයේ දී කන්තුරේ	
פתלפסטיי באר מאל במי בניים ל הביולם.	) උපරීම දිග සොයන්න.
	) උපරම දිග කොයනන.
	) උපරීම දිග සොයන්න.
	) උපරම දිග කොයනන.
	) CBO6 දිග සොයනන.
	) CBO6 දිග සොයනන.
	) CB06 ද්ග සොගනනා.
	) CBO6 දිග සොයනන.
	) CB06 ද්ග සොගනනා.
	) CBO6 දිග සොයනන.
	) උපරම දිග <del>කෙ</del> යෙනන.
	) උපරම දිග <del>කෙ</del> යිටන්න.
	) උපරම දිග <del>කෙ</del> යිටන්න.

	$A$ හා $B$ යනු $\Omega$ නියැදී අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනි $\S$	මු. සුපුරුදු අංකනයෙන්
	$P((A \cup B) \cap (A' \cup B')) = P(A) + P(B) - 2P(A \cap B) \implies \emptyset$	ලෙන්වන්න.
		<u></u>
		***************************************
	***************************************	
	The state of the s	
Q	ුමල්ලක, පුමාණයෙන් සමාන වූ රතු බෝල 6 ක් ද සුදු බෝ	්ල 4 ක් ද අඩංගු වේ. බෝල තුනක්, වරකට එක
9, _	බැසින් සහින්ථාපනයකින් නොරව සසම්භාවී ලෙස මල්ලෙද	න් ඉවකට ගනු ලැබෙ. දෙවැන බොලය සුදු වකක
	බව දි ඇති වීට, තුන්වැනි බෝලය රතු එකක් වීමේ සම්භාව	විතාව සොයන්න.
		, s
		±
		±
9		
•		
9		

සලදීල ගතා ත්ත්ර	, වේ යැය උ	පකලපනය ස	රමින්, වැඩිතම	. වාර්තිමේ <u>ක</u> ැල	තා අඩුතම ව	ත්ත්ම්ශාර, අද
		*************		**********		.;
						.j
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •						•
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				••••••		.1
			,			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
						₫ <b>4</b>
160		8				4
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •					1
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	,			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	••••••	Ā
						.,
			2			4
	•••••••	••••••	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	••••••••		*
						·
			·			
						·*
••••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			•••••••	••••••	
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	
	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,					: .
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		•••••			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
හත දැක්වෙන නි	රීක්ෂණ 100	ක සංඛාහත		නනාපය 31.8	වේ. 	
	5 - 15	15 - 25	. 25 - 35	35 - 45	45 - 55	];
	11					
	16	- x	30	у	20	<b>]</b> :
. m v හි අගයන් ෙ					20	J:
L හා y හි අගයන් ෙ					20	<u> </u>
හා y හි අගයන් ෙ					20	J.
L හා y හි අගයන් ෙ					20	
L : හා y හි අගයන් අ					20	
L : හා y හි අගයන් ර					20	J.
L හා y හි අගයන් ශ					20	J.
L : හා y හි අගයන් අ					20	J.
L : හා y හි අගයන් අ					20	J.
L හා y හි අගයන් ශ					20	
L : හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් අ					20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් ර			ථය නිමානය z		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	
හා y හි අගයන් අ			ථය නිමානය 2		20	

ethniss were solution on (cond see) Counts 2014 each old solution of special sprays upply (sout set) up as 7014 gastin General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2014

க**ு இவை** ந்த கணிதம் II இணைந்த கணிதம் II Combined Mathematics II 10 S II

F + 9 2 68

R emoor

\* පුශ්න **පහක**ට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.)

11. (a) තිරසට  $\alpha\left(0<\alpha<\frac{\pi}{2}\right)$  කෝණයකින් ආනත අචල සුමට තලයක වූ O ලක්ෂායක P හා Q අංශු දෙකක් තබා ඇත. O හරහා වූ උපරිම බෑවුම් රේඛාව දිගේ උඩු අතට P අංශුවට u පුවේගයක් දෙනු ලබන අතර, එම මොහොතේ ම, Q අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. අංශු දෙක ආනත තලය හැර නොයන බව උපකල්පනය කරමින්, P හා Q හි වලිත සඳහා පුවේග-කාල පුස්තාරවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අදින්න.

මෙම පුස්තාර භාවිතයෙන්, P අංශුව O ලක්ෂායට නැවක පැමිණෙන මොහොතේ දී Q අංශුව O සිට  $\frac{2u^2}{g \sin \alpha}$  දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

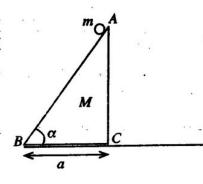
(b) සෘජු සමාන්තර ඉවුරු සහිත ගගක්  ${\bf u}$  ඒකාකාර පුවේගයකින් ගලා බසී.  ${\bf A}$  හා  ${\bf B}$  ලක්ෂා දෙක එකක් එක් ඉවුරක ද අනෙක අනෙක් ඉවුරේ ද පිහිටා ඇත්තේ  ${\bf AB}$  යන්න  ${\bf u}$  සමග- ${\bf \alpha}$  සුළු කෝණයක් සාදන පරිදි ය. පිරිමි ළමයෙක්  ${\bf AD}$ ලින් ආරම්භ කර, ජලයට සාපේක්ෂ ව අචල දිශාවකට විශාලත්වය  ${\bf 2u}$  වූ නියත පුවේගයකින් පිහිනමින්,  ${\bf B}$  වෙත ළඟා වෙයි; මෙහි  ${\bf u}=|{\bf u}|$  වේ. ඔහු ඉන්පසු,  ${\bf B}$  වලින් ආරම්භ කර  ${\bf A}$  වෙත ආපසු පැමිණෙන පරිදි ජලයට සාපේක්ෂ ව අචල දිශාවකට එම  ${\bf 2u}$  විශාලත්වය ම සහිත පුවේගයකින් පිහිනයි.  ${\bf A}$  සිට  ${\bf B}$  දක්වා චලිතය සඳහා ද පුවේග තිකෝණවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න.

ඒ නයින්, A සිට B දක්වා චලිතය සඳහා ද B සිට A දක්වා චලිතය සඳහා ද ජලයට සාපේක්වෙ ඔහුගේ පුවේගය පිළිවෙළින්  $\overrightarrow{AB}$  හා  $\overrightarrow{BA}$  සමග එක ම  $\theta$  කෝණයක් සෑදිය යුතු බව පෙන්වන්න; මෙහි  $\sin\theta = \frac{1}{2}\sin\alpha$  වේ.

B සිට A දක්වා පිහිනීමට ගත් කාලය, A සිට B දක්වා පිහිනීමට ගත් කාලය මෙන් k(1 < k < 3) ගුණයක් නම්,  $\cos \theta = \frac{1}{2} \left( \frac{k+1}{k-1} \right) \cos \alpha$  බව පෙන්වන්න.

 $\sin\theta$  හා  $\cos\theta$  සඳහා වූ ඉහත පුකාශන භාවිතයෙන්  $\cos\alpha = \frac{(k-1)}{2}\sqrt{\frac{3}{k}}$  බව ද පෙන්වන්න.

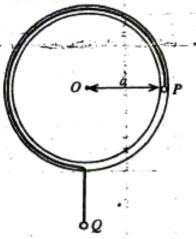
12. (a) දී ඇති රූප සටහනෙහි ABC තිකෝණය, ස්කන්ධය M වූ ඒකාකාර සුමට කුඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්දුය හරහා යන සිරස් හරස්කඩක් නිරූපණය කරයි. AB රේඛාව එය අයත් මුහුණතෙහි උපරිම බෑවුම් රේඛාවක්වන අතර  $A\hat{B}C = \alpha$  ,  $A\hat{C}B = \frac{\pi}{2}$  හා BC = a වේ. සුමට තිරස් ගෙබ්මක් මත BC අයත් මුහුණත ඇතිව කුඤ්ඤය තබා ඇත. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් AB රේඛාව මත A ලක්ෂායෙහි සිරුවෙන් තබා නිශ්වලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. අංශුව කුඤ්ඤය හැර යන තෙත්, කුඤ්ඤයේ ත්වරණය  $\frac{mg \sin \alpha \cos \alpha}{M + m \sin^2 \alpha}$  බව පෙන්වා, කුඤ්ඤයට සාපේක්ෂ ව අංශුවේ ත්වරණය සොයන්න.



දැන්,  $\alpha=\frac{\pi}{4}$  හා  $M=\frac{5m}{2}$  යැයි සිතමු. අංශුව කුඤ්ඤය හැර යන මොහොතේ දී කුඤ්ඤයේ වේගය  $\sqrt{\frac{2ag}{21}}$  බව පෙන්වන්න.

(b) අරය a සහ කෝන්දය O වූ සිහින් සුමට වෘත්තාකාර නළයක් සිරස් නලයක සවිකර ඇත. දිග  $\frac{3\pi a}{2}$  ව වඩා වැඩි සැහැල්ලු අවිතනා නන්තුවක එක් කෙළවරක්, OP තිරස් ව ඇතිව නළය තුළ අල්වා හැබූ, ස්කන්ධය m වන P අංශුවකට ඇදා ඇත. රූපයේ පෙන්ඩා ඇති පරිදි තන්තුව නළය තුළින් ද නළයේ පහළ ම ලක්ෂායේ ඇති කුඩා සුමට සිදුරක් තුළින් ද යමින් අනෙක් කෙළවරෙහි ස්කන්ධය 2m වූ Q අංශුවක් දරා සිටීයි. තන්තුව හදව ඇතිව ඉහත පිහිටීමෙන් P අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. සක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය වේදීමෙන්  $\theta$  (0 <  $\theta$  <  $\frac{3\pi}{2}$ ) කෝණයකින් OP හැරි ඇති විට P අංශුවේ වේගය

v යන්න  $v^2=rac{2ga}{3}(2 heta-\sin heta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා,



P අංශුව මත නළයෙන් ඇති කරන පුතිකියාව සොයන්න.

13. ස්වාභාවික දිග 4a හා පුතනාස්ථනා මාපාංකය 8mg වූ සිහින් සැහැල්ලු පුතනස්ථ දුන්නක්, එහි පහළ කෙළවර O අවල වන සේ සිරස් ව සිටුවා ඇත. ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් එහි ඉහළ කෙළවරට ඇදා තිබේ. P අංශුව O ව සිරස් ව ඉහළින් වූ A ලක්ෂායක සමතුලින ව ඇත.  $OA = \frac{7a}{2}$  බව පෙන්වන්න.

දැන්, එම m ස්කන්ධය ම සහිත තවත් Q අංශුවක් P ව සීරුවෙන් ඇඳනු ලබන අතර සංයුක්ත අංශුව A හි නිශ්චලතාවයේ සිට චලිතය ආරම්භ කරයි. සංයුක්ත අංශුවේ චලිත සම්කරණය  $\ddot{x}=-rac{g}{a}x$  බව පෙන්වන්න; මෙහි x යනු OB=3a වන පරිදි O ව සිරස්ව ඉහළින් පිහිටි B ලක්ෂනයේ සිට සංයුක්ත අංශුවේ විස්ථාපනය වේ.

සංයුක්ත අංශුව ළඟා වන පහළ ම ලක්ෂාය C යැයි ගනිමු. OC දිග ද A සිට C දක්වා චලනය වීමට සංයුක්ත අංශුව ගන්නා කාලය ද සොයන්න.

සංයුක්ත අංශුව C හි ඇති මොහොතේ දී Q අංශුව සීරුවෙන් ඉවත් කරනු ලැබේ. පසුව සිදුවන P අංශුවේ චලිතය සඳහා චලිත සම්කරණය  $\ddot{y}=-\frac{2g}{d}y$  බව පෙන්වන්න; මෙහි y යනු A ලක්ෂායේ සිට P අංශුවේ චිත්ථාපනය වේ.

මෙම සමීකරණයට  $y=lpha\cos\omega t+eta\sin\omega t$  ආකාරයේ විසඳුමක් උපකල්පනය කරමින් lpha,etaතා  $\omega$  නියතවල අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්, C සිට D දක්වා චලනය වීමට P අංශුව ගන්නා කාලය  $\frac{\pi}{3}\sqrt{\frac{2a}{g}}$  බව පෙන්වන්න; මෙහි D යනු OD=4aවන පරිදි Oට සිරස් ව ඉහළින් පිහිටි ලක්ෂාය වේ. D වෙත ළඟා වනු විට P අංශුවේ වේගය ද සොයන්න.

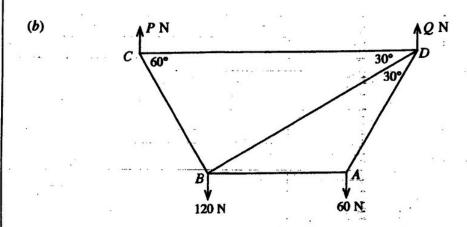
14.(a)  $\overrightarrow{ABCD}$  යනු  $\overrightarrow{DC} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$  වන පරිදි වූ පුපිසියමක් යැයි ගනිමු. සාව ද  $\overrightarrow{AB} = \mathbf{p}$  හා  $\overrightarrow{AD} = \mathbf{q}$  යැයි ද ගනිමු.  $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$  වන පරිදි  $\overrightarrow{BC}$  මන  $\overrightarrow{E}$  ලක්ෂාය පිහිටයි.  $\overrightarrow{AE}$  හා  $\overrightarrow{BD}$  වල ඡේදන ලක්ෂාය වන  $\overrightarrow{F}$  මගින්  $\overrightarrow{BF} = \lambda \overrightarrow{BD}$  යන්න සපුරාලයි; මෙහි  $\lambda(0 < \lambda < 1)$  නියනයකි.  $\overrightarrow{AE} = \frac{5}{6}\mathbf{p} + \frac{1}{3}\mathbf{q}$  බව හා  $\overrightarrow{AF} = (\mathbf{l} - \lambda)\mathbf{p} + \lambda\mathbf{q}$  බව පෙන්වන්න.

**ඒ නගීන්**,  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

(b) ABCD යනු පැත්තක දිග මීවර a වූ සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. විශාලත්ව නිව්වන 4,  $6\sqrt{2}$  , 8, 10, X හා Y වූ බල පිළිවෙළින් AD, CD, AC, BD, AB හා CB දිගේ, අක්රෙ අනුපිළිවෙළින් දැක්වෙන දිශාවලට කියා කරයි. පද්ධතිය  $\overline{OE}$  දිගේ සියාකරන තනි සම්පුයුක්තයකට ඌනනය වේ; මෙහි O හා E යනු පිළිවෙළින් AC හා CD වල මධන ලක්තෙ වේ. X හා Y හි අගයන් සොයා, සම්පුයුක්තයේ විශාලත්වය නිව්වන 4K බව පෙන්වන්න; මෙහි  $K = 2 - \sqrt{2}$  වේ.

F යනු OAFD සමචකුරසයක් වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු. ඉහත බල පද්ධතියට තුලා වන, එකක්  $\overrightarrow{AD}$  දිගේ ද අනෙක F ලක්ෂාය හරහා ද වන, **බල දෙන** සොයන්න.

බල පිහිටන තලයේ ABCD අතව කියාකරන කූර්ණය නිව්ටන මීටර 6Ka වන බල යුග්මයක් මුල් පද්ධතියට එකතු කරනු ලැබේ. නව පද්ධතියේ සම්පුයුක්තයෙහි කියා රේඛාව සොයන්න. 15.(a) ඒකක දිගක බර w බැගින් වූ ද  $AB = AD = l\sqrt{3}$  හා BC = DC = l වූ ද AB, BC, CD හා DA ඒකාකාර දඬු හතරක් ABCD රාමු සැකිල්ලක් සාදන පරිදී, ඒවායේ කෙළවරවලින් සුමට ලෙස සන්ධි කර ඇත. දිග 2l වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවකින් A හා C සන්ධි සම්බන්ධ කර ඇත. රාමු සැකිල්ල A සන්ධියෙන් එල්ලනු ලැබ සිරස් තලයක සමතුලින ව එල්ලෙයි. තන්තුවේ ආනතිය  $\frac{wl}{4}(5+\sqrt{3})$  බව පෙන්වන්න.



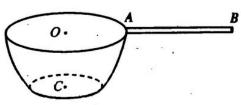
අන්තවලදී සුමට ලෙස සන්ධි කරන ලද AB, AD, BC, BD හා CD සැහැල්ලු දඬු පහක රාමු සැකිල්ලක් දී ඇති රූපයෙන් නිරූපණය වේ. A හා B හි දී පිළිවෙළින් 60 N හා 120 N හාර දරන අතර AB හා CD දඬු තිරස් ව ඇතිව රාමු සැකිල්ල සමතුලිකතාවයේ තබා ඇත්තේ පිළිවෙළින් C හා D හි දී යෙදූ P N හා Q N සිරස් බල දෙකක් මගිනි. බෝ අංකනය යෙදීමෙන්, පුතාහබල සටහනක් අඳින්න.

ඒ නයින්. දඬු පහේ ම පුතාහබල, ඒවා ආකති හෝ කෙරපුම් වශයෙන් පුකාශ කරමින්, සොයන්න.

16. අරය a හා පෘෂ්ඨික ඝනත්වය  $\sigma$  වූ ඒකාකාර කුහර අර්ධගෝලීය කබොලක් එහි වෘත්තාකාර ගැටියෙහි තලයට සමාන්තර වූ ද O කේන්දුයේ සිට  $a\cos\alpha$  දුරකින් වූ ද තලයකින් කැපූ විට ලැබෙන ඡන්නකයේ ගුරුත්ව කේන්දුය OC හි මධා ලක්ෂායේ පිහිටන බව අනුකලනයෙන් පෙන්වන්න; මෙහි C යනු කුඩා වෘත්තාකාර ගැටියෙහි කේන්දුය වේ.

එම C පෘෂ්ඨික ඝනත්වය ම සහිත අරය  $a \sin \alpha$  වූ තුනී ඒකාකාර වෘත්තාකාර තැටියක දාරය ඉහත ඡින්නකයේ කුඩා වෘත්තාකර ගැටීයට දෘඪ ලෙස සවිකර භාජනයක් සාදා ඇත. මෙම භාජනයෙහි ගුරුත්ව කේන්දය, CC මත C සිට  $\left(\frac{1+\cos \alpha-\cos^2 \alpha}{1+2\cos \alpha-\cos^2 \alpha}\right)a\cos \alpha$  දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

 $\alpha = \frac{\pi}{3}$  යැයි ද භාජනයෙහි බර W යැයි ද ගනිමු. දිග b හා බර  $\frac{W}{4}$  වූ සිහින් ඒකාකාර AB දණ්ඩක් මීටක් ලෙස, O,A හා B ලක්ෂා ඒක රේඛීය වන පරිදි, රූපයේ දැක්වෙන අයුරින් භාජනයේ ගැටියට දෘඪ ලෙස සවිකර සාස්පානක් සාදා ඇත. සාස්පානෙහි ගුරුත්ව කේන්දුයේ පිහිටීම සොයන්න.



සාස්පාන, මීටෙහි B කෙළවරෙන් නිදහසේ එල්ලා ඇති අතර, මීට යට් අත් සිරස සමග  $an^{-1}\left(\frac{1}{7}\right)$  කෝණයක් සාදමින් සමතුලිකතාවයේ එල්ලෙයි. 3b=4a බව පෙන්වන්න.

17.(a) A හා B යනු  $\Omega$  නියැදි අවකාශයක P(B)>0 වන සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. B දී ඇතිවීට A හි අසමභාවා සමභාවිතාව වූ P(A|B) අර්ථ දක්වන්න.

P(A) = P(B)F(A|B) + F(B)F(A|B) හට පෙන්වන්න; මෙහි 0 < P(B) < 1 වන අතර සි මගින් B හි අනුපූරක සිද්ධිය දැක්වේ.

විශාල සමාගමක සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 80% ක් පිරිමි වන අතර 20% ක් ගැහැණු වේ. සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 57% කගේ ඉහළ ම අධාාපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වන අතර 32% කගේ එම සුදුසුකම අ.පො.ස. (උ.පෙළ) වේ. අනික් සියලු ම සේවා නියුක්තිකයෝ උපාධිධාරීහු චෙති. මෙම සමාගමේ ගැහැණු සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් 40% කගේ ඉහළ ම අධාාපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වන අතර 45% කගේ එම සුදුසුකම අ.පො.ස. (උ.පෙළ) වේ. සමාගමේ සේවා නියුක්තිකයන්ගෙන් එක් අයකු සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගනු ලැබේ. එසේ තෝරාගනු ලැබූ සේවා නියුක්තිකයා,

- (i) ඉහළ ම අධාාපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වූ ගැහැණු කෙනකු වීම,
- (ii) ඉහළ ම අධාාපන සුදුසුකම අ.පො.ස. (සා.පෙළ) වූ පිරිමි කෙනකු වීම,
- (iii) පිරිමි කෙනකු බව දී ඇති විට, එම සේවා නියුක්තිකයා උපාධිධාරියකු වීම,
- (iv) උපාධිධාරියකු නොවන බව දී ඇති විට එම සේවා නියුක්තිකයා ගැහැණු කෙනකු වීම, යන සිද්ධීන් එක එකෙහි සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (b)  $\left\{x_1,x_2,...,x_n
  ight\}$  යන දත්ත කුලකයෙහි මධානාපය හා විචලකාව පිළිවෙළින්  $\overline{x}$  හා  $\sigma_x^2$  යැයි ගනිමු.

(i) 
$$\sigma_x^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \overline{x}^2$$
 බව පෙන්වන්න.

(ii)  $\alpha$  හා  $\beta$  කාන්ත්වික නියන යැයි ගනිමු.  $\sum_{i=1}^n (\alpha x_i + \beta)^2 = n\alpha^2 \sigma_x^2 + n(\alpha \overline{x} + \beta)^2$  බව පෙන්වන්න.

 $i=1,2,\ldots,n$  සඳහා  $y_i=\alpha x_i+\beta$  යැයි ගතිමු.  $\overline{y}=\alpha\overline{x}+\beta$  බව පෙන්වා, ඉහත (i) හා (ii) භාවිතයෙන්  $\sigma_y^2=\alpha^2\sigma_x^2$  බව **අපෝහන**ය කරන්න; මෙහි  $\overline{y}$  හා  $\sigma_y^2$  යනු පිළිවෙළින්  $\{y_1,y_2,\ldots,y_n\}$  කුලකුයෙහි මධානාය හා විචලතාව වේ.

එක්තරා විභාගයක දී අපේක්ෂකයින් ලබා ගත් ලකුණුවල මධානාය 45 ක් වේ. මෙම ලකුණු, මධානාය 50 ක් හා සම්මත අපගමනය 15 ක් වන පරිදි ඒකප් ලෙස පරිමාණගත කළ යුතුව ඇත. පරිමාණගත ලකුණ වන 68 යන්නට අනුරුප මුල් ලකුණ 60 බව දී ඇත. මුල් ලකුණුවල සම්මත අපගමනය ගණනය කරන්න. අපේක්ෂකයකු ලබා ගත් මුල් ලකුණ වූ m, ඉහත පරිමාණගත කිරීමෙන් අඩු නොවන බව තවදුරටත් දී ඇත.  $m \ge 20$  බව පෙන්වන්න.

## Visit Online Panthiya YouTube channel to watch Combined Maths and Chemistry Videos



www.onlinepanthiya.com