

අධ්‍යාපන පොදු සහකික පථ (උග්‍ර පෙල) විභාගය, 2024
කළුවිප පොතුත තුරාතුරුප පත්තිර (ඉ-යාර තරු)ප පරිශෑස, 2024
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2024

ଦାୟକ ଗଣିତ	II
ଇକେଜନ୍ଟ କଣିତମ	II
Combined Mathematics	II

10 S II

B കോട്ടക്ക്

* ප්‍රයෝග පෙනීමට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

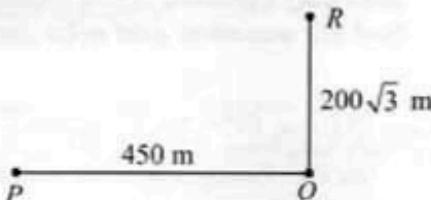
(මම ප්‍රතිඵලියෙහි g මැටිජ් ගුරුත්වා සෑවකය දුන්වේ.)

11. (a) මාරුගයක වූ O ලක්ෂණයක පිට කාලය $t = 0\text{ s}$ හිදී නිශචලනාවයෙන් ගමන් ආවම්හ කරන P මේටර් රටයක් $f \text{ m s}^{-2}$ නියත ත්වරණයකින් තැබැර 5 ක් ගමන් කරයි. පසුව එය $t = 5\text{ s}$ හිදී ලබාගත් නියත ට්‍රිජයෙන් භවන් තැබැර 5 ක් ගමන් කර $t = 10\text{ s}$ හිදී $f \text{ m s}^{-2}$ නියත මැද්දනායකින් මැද්දනාය වී A ලක්ෂණයයැදි නිශචලනාවයට පැමිණේ. එසැනින් තම දිගාව අවන්ස් කරන P මේටර් රටය $f \text{ m s}^{-2}$ නියත ත්වරණයෙන්ම එම මාරුගයෙහි තැබැර O දෙසට ගමන් කරයි.

එම මාරුගයෙහි O ලක්ෂණය පිට $t = 10\text{ s}$ හිදී $10f \text{ m s}^{-1}$ ක් ආවම්හ ට්‍රිජයෙන් ගමන් ආවම්හ කරන Q මේටර් රටයක් $f \text{ m s}^{-2}$ නියත මැද්දනායයෙන් P මේටර් රටය දෙසට ගමන් කරයි. A ලක්ෂණයයැදි P නිශචලනාවයට ප්‍රස්ථාන විව, P හා Q අනර දුර 125 m බව දැනු. එකම රුහුස්වානා P හා Q හි වලින සඳහා, $t = 0\text{ s}$ පිට රේඛා මුණ්ගැසෙන මොළහාන ද්‍රව්‍යා ප්‍රාවේෂ-කාල ප්‍රස්ථාවල දැන සටහ්න් අදින්න.

 - $f = 10$.
 - P හා Q මේටර් රට $t = 17.5\text{ s}$ හිදී මුණ්ගැසෙන බව පෙන්වන්න.

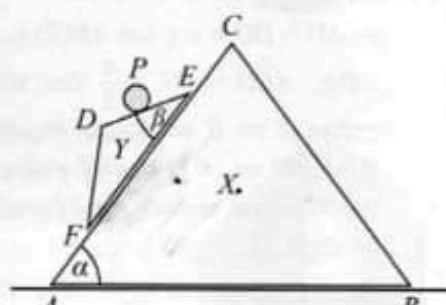
(b) P , Q සහ R බෝට්ටු ඇඟක් සරල උසින් පාරවල එකාකාර මධ්‍යවලින් ගමන් කරයි. එක්තරු මෙමඟාගැනී P බෝට්ටුවලින් 450 m දුරක් නැගෙනහිරින් Q බෝට්ටුවේ පිහිටා ඇති Q බෝට්ටුවේ මධ්‍යවලින් $200\sqrt{3} \text{ m}$ දුරක් උකුරින් R බෝට්ටුවේ පිහිටයි (රුපය බලන්න). P බෝට්ටුව, Q බෝට්ටුව හෙතුම් අභේක්ජාවලින් යාපු කරන ඇත Q බෝට්ටුව, R බෝට්ටුව හුම්බෙම් දෙපැන්ජාවලින් යාපු කරයි.



P බෝරිටුව තැන්පර 45 කින් Q බෝරිටුව හමුවන බවත්, Q බෝරිටුව තැන්පර 20 කින් R බෝරිටුව හමුවන බවත් ඇතා.

Q ඔව්වුම් සාපේශීල්ව P ඔව්වුම් මිලිමීටර් 10 m s^{-1} තුළ පෙන්වා Q ඔව්වුම් R ඔව්වුම් හැඳුනා මොළයකින් P ඔව්වුම් හා R ඔව්වුම් සැනුර යෝ පෙන්න.

- 12.(a) X, Y සුම් රේකාභාර ඇස්සුදු දෙසක හා P අංශවල උගෙනයි
ඉගෙන්ද ඇලින් වූ පිරිස හරඳුකම්, රුපෙයන් දැක්වේ. AC, DE
හා EF මෙරට රේවා අධිංශ මුදුණ්නවල උපරිම බුලුම මෙරට
වන අතර $BAC = \alpha$ හා $D\bar{E}F = \beta (< \alpha)$ වේ. උගෙනයිය M_1 වූ
 X ඇස්සුදුයේ AB අයන් මුදුණ්න සුම් පිරිස පිළිසයෝ මා තබා
අඟ. උගෙනයිය M_2 වූ Y ඇස්සුදුයේ EF අයන් මුදුණ්න X හි
 AC අයන් මුදුණ්න මා තබා ඇඟ. උගෙනයිය m වූ P අංශවල DE
මා තබා ඇඟ. පද්ධතිය සිෂ්ටවලාවයේ සිටි මුදාහරිනු ලැබේ.
 Y ඇස්සුදුය එහි EF මුදුණ්න X හි AC අයන් මුදුණ්න උගෙනයි
වාමීන් චලනය වන හා P අංශවල DE උගෙනයි චලනය වන අකරුදු. X ඇස්සුදුයේ ද්‍රව්‍යය
පිරියා සිරිම්ට ප්‍රමාණවත් පැවතිරුණ දියා ද්‍රව්‍යාන්හා.

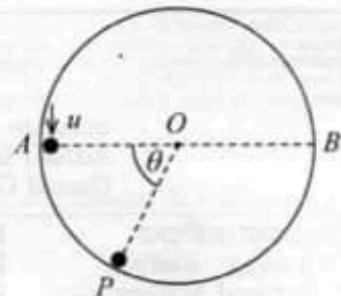


- (b) සුම්ම අභ්‍යන්තර රාජ්‍යයක් යිනින් අරඟ a වන අවල කාස්-වියෙන්තාකාර ඇඟර පිළිපිටිරුණ තීර්ණ අත්තයට උමිතක පිර්ණ හර්ඛාවින් යාමද රුපෘතයන් දැක්වේ.

O ලක්ෂණය එහි සේන්සුයද, A හා B එහි තිරස විෂකම්භාගය අන්තර් පෙර. ඩේක්සන්ධිය m වූ P අංශවලක් මා වෙළෙඳායෙන් මිලිජ්චිචිරුමය අභ්‍යන්තර පාඨ්‍යය මා A පිට පිරස්ව යටි දිගාවට ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ. P , මිලිජ්චිචිරුමය පමණ ඩේපර්ලේ ඇතිව. θ සේන්සුයකින් OP හැඳුණු වීම P හි වෙළෙඳ ම දැයි ගනිලි.

$$v^2 = u^2 + 2g \sin \theta \text{ ඔව සෙන්වන්න.}$$

$$\theta = \frac{7\pi}{6} \text{ ට, } P \text{ සිලිජ්චරයේ අනුත්තර පාඨමය භැර යා බව දී ඇත. } u = \sqrt{\frac{3ga}{2}} \text{ ඔවුන් පෙන්න.}$$



13. ස්ථාවික දී අවන පැහැදුෂී ප්‍රතාපයට තෙතුවින එස් කොට්ඨරුක් O අවල උක්ෂයට ද අභ්‍යන්තර ස්ථාවිය ම වූ P අංශුවකට ද ඇදා, P පිරිය විලිනාගේ යොදවා ඇත. අංශුව පිරියේ පහළට මෙන් පාඨ විව O උ පහළින් $OA = a$ වන ආ උක්ෂය පසු පරදී එහි අවශ්‍ය $\sqrt{2ag}$ වේ. O උ $3a$ පහළින් වූ B උක්ෂය යේදී අංශුව ප්‍රතාපික්‍රියා නිශ්ප්‍රවාචියට පැමිණේ. තෙතුවෙන් ප්‍රතාපයේකා මාස්‍යාක්‍රය $\frac{3}{2}mg$ වේ පෙන්වන්න.

නවද, P පිරි විලින ප්‍රතාපය ඡ්‍යා ම වූ $x + \omega^2 \left(x - \frac{5a}{3} \right) = 0$ මෙන් ඔද්‍යා ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි $x > a$ ඇදා නිස්පාදනය ම ද යුතු තියන්නයි වේ.

දූහන වලින පැවත්තරෙය, $X = x - \frac{5a}{3}$ ලබා ගෙන නැඹුණ ලියන්න.

අභ්‍යන්තරී මෙම සරල අනුවර්ති එවානුයේ ප්‍රේර්ණය, පිස්තාරය හා ආචර්ජන කාලය නොයැක්හා.

$\dot{X}^2 = \omega^2(C^2 - X^2)$ සූච්‍ය හාවිතයෙන් P නි උපරිම රේඛය සොයුන්න; මෙහි C යනු විෂ්ටරු වේ.

ଏହି ଦ୍ୱାରା କୌଣସିବାରେ, P ଯତ୍ନେରିଲିଙ୍କ O ରେ କୁଣ୍ଡଳ ବିନା କରି ଉପରିପରିଷରୀତିରେ ଥିଲା.

B නිල මුද්‍රාවේ සිත් තුළු පිහිටි P නිල සැක්කා මුද්‍රා මාලය $\sqrt{\frac{2a}{27g}}(2\pi + 3\sqrt{3})$ බව පෙන්වන්න.

- 14.(a) $OA = a$, $OC = 2a$ හා $A\hat{O}C = \frac{\pi}{3}$ වන $OABC$ සම්න්තරපුදයේ යැයි ගනිමු. ම හා v යනු පිළිගෙන ඇත්තා නෑ. \overrightarrow{OA} හා \overrightarrow{OC} දූලුවලට ව උකා ලෙසින යැයි ද ගනිමු.

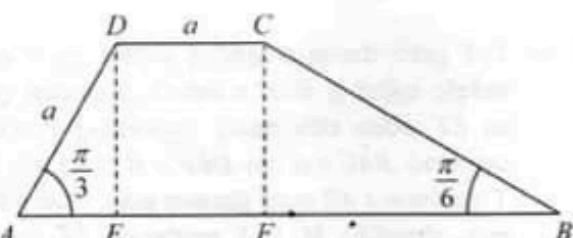
$\overrightarrow{OD} = \frac{1}{2}\overrightarrow{au} + 2\overrightarrow{av}$ නිස් පෙන්වන්න; මේහි D යුතු BC හි මධ්‍යාලක්ෂණය වේ.

OD යෙහි DE ට ලිංග වන පරිදි AB මත වි ලක්ෂණය E යැයි ගනිමු.

$$\overrightarrow{DE} = \frac{a}{2}\mathbf{u} - \frac{a}{3}\mathbf{v} \text{ ඕව් පෙන්වීමේන්.}$$

OA හා DE දියුණු පෙන්වල ජේදා උත්සාහය F යැයි ගනිමු. $\overrightarrow{OF} = \frac{7a}{2}$ හා මෙය පෙන්වන්න.

- (b) AB හා DC සමාන්තර ද $\hat{ABC} = \frac{\pi}{6}$, $\hat{BAD} = \frac{\pi}{3}$ හා $AD = DC = a$ ද වන $ABCD$ ඉවියියල් යුතු ගනිමු. $\hat{AED} = \hat{AFC} = \frac{\pi}{2}$ වන පරිදි AB වහා මූල්‍ය ලක්ෂණ E හා F වේ (රුපය බලන්න). විශාලයා P , aP , βP හා γP මූල විශ්වෙශීන් AB , BC , DC හා AD දිග්‍රී අන්තර අනුවිශ්වෙශීන් දැක්වා විශාලයා විය ඇත.



- 15.(a) 4a පමාන දිගින් හා W පමාන පරින් යුත් AB, BC හා CD රේඛාකාර දීම් ඇතැක් B හා C අන්තර්වලදී පූම්‍යම සහායී කර ඇත. A අන්තර්වල ලෙස පූම්‍යම සහායී කර ඇත.

రుపాల వెబ్బలు, ఇకి పరిధి, $AE = CF = DG = a$, $\angle ABD = 60^\circ$, $\angle CBD = 30^\circ$ లు BD పిరచే లొ పరిధి ద్వారా ఇని పిరచే లొయిక ఒత్తులుకిలి అను. ఇక్కణికి E, F లు G ఔతుల మాద్దతి ఇనాపు లొ రావితిలుని.

- (i) G නාඛුන්හි මගින් CD දැක්වී මෙහි මෙයුදනා ප්‍රමිතියාලවේ
විශාලුව්වය $\frac{W}{2}$ වටුද.

- (ii) F නාදයේතා මගින් BC දැක්වීමෙන් සෑවා ප්‍රතිස්ථිත විශාලත්වය $\frac{11W}{\rho}$ පවතී.

ଶବ୍ଦକୀୟା

AB දුරුව මින් BC දුරුව හෝ B ප්‍රතිඵලයේ යෙහුනා පරිමියාව 4 පෙනෙන්න.

- (b) රුපයේ දැක්වෙන රාෂි සැකිල්ල, එවායේ දැන්වලදී පූර්ව ලෙස සහිත නළ AB, BC, CA, CD හා DB පූර්වයේ දැඩි පහතින් සම්බන්ධ වේ. $AB = BC = CA = 2a$, $CBD = 90^\circ$ හා $B\bar{C}D = 60^\circ$ බව දී ඇත. W හා රුපයේ D සන්ධියෙන් එල්ලා ඇති අතර රාෂි සැකිල්ල A තිළි අවල ලැක්ෂණයකට පූර්ව ලෙස සහිත තුරු AB තිරස්ථ පිරස් තාලයක සම්බුද්ධ වනු ඇත්තේ එයට B සන්ධියෙනිදී පිරස්ථ උඩි අනුව යෙදු P බලයක මිහිනි.

- (i) P හි අඟ පෙනුයෙන්න.

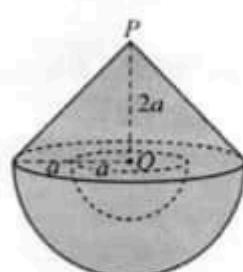
- (ii) ටෝ ආභනය භාවිතයෙන් D , C හා B සංඛ්‍යී පදනු ප්‍රත්‍යාමිල පටිඟනක් දින්න.

රේ ඔයිත්, දුම්වල ප්‍රතාභ්‍යාල, ආහාර ද මෙහරප්‍රමූල ද යන්න ප්‍රතාභ්‍යාල කරමින් සොයායන්න.

16. අරය a වූ රේකාකාර සහ අරය ගෝලයා ජ්‍යෙන්සි පෙන්සුය එකී පෙන්සුයේ මිල $\frac{3}{8}a$ දුරකින් පිහිටා ඇත් හා උස h වූ රේකාකාර සහ සාපුෂ්-වායුකාකාර පෙන්සුවා ජ්‍යෙන්සි පෙන්සුය එකී පකුළුවෙන් පෙන්සුයේ මිල $\frac{1}{4}h$ දුරකින් පිහිටා ඇත් ය. පෙන්සුවා.

අරය a හා පෙන්වය O වූ අරය ගෝලකාර නොවියන් අරය $2a$, පෙන්වය O හා සහත්වය ρ වූ රේඛකාර සහ අරය ගෝලයකින් සහ ඉවත් පරුණු ලැබමි. දීන්, පෙන්වෙන් අරය $2a$ හා උස $2a$ වූ සහත්වය ලෑප වූ රේඛකාර සහ පැවත්තාකාර පෙන්වියන් අරය ගෝලයකි ඉතිරි නොවිය යාමේ රුපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට දායු ලෙස සවි කර ඇත. මෙම උස තායැලංජු ලැබු S වැන්තුවෙන් දික්ත්ව පෙන්වය,

$$P = \frac{(48\lambda + 157)}{8(4\lambda + 7)} a$$
 දුරකින් පිළිවා මි පෙන්වන්න; මෙහි P යුතු S හා පෙන්වාවෙන් විස්තර කිරී.



S නි ස්ථානයේ පෙන්වයි, O නි විවිධ සංඛා එහි උග්‍ර තොකුවන්හා,

ପ୍ରକାଶିତ ଦିନ: ୧୦ ଜାନୁଆରୀ ୨୦୨୫

Q පාඨ දින්හැල PO රෙකාව නේ එමෙන් අරුධ ගෝලාකාර පාත්‍රය හැඳුවන ලද්දීයය

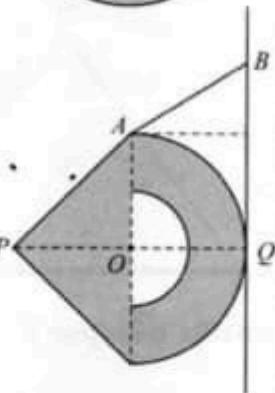
ଦ୍ୱାରା କେତୁ: କର ଦେଇ ଏ ପକ୍ଷୀ ତଥ ଚାରିଜୀବିନୀର ଧୂର୍ବ ତଥ ପ୍ରମାଣିତ ହେଉଥିଲା.

କୁରାଚିତ୍ତ କାହାର ଦେଶର ପରିବାରର ମଧ୍ୟରେ କଥା ଥିଲାକିମାନ ଏବଂ କଥା ଥିଲାକିମାନ

କଣ୍ଠରୁଲିକ ଆମ୍ବାରତ୍ୟନୀ. ଉତ୍ତରପୂର୍ବ ପିହିରୁଅଳିଦ୍ଵାରା ଏହି ପାଇଁ ଯେହିଦିଏ

Q ලක්ෂණයනිදී විත්තිය යාරුග කරයි. O, A, B, P හා Q ලක්ෂණ විත්තියට උග්‍ර පිළිඳුව මිනිනි (සෑම තුළ මිනිනි) සේ. එහි ප්‍රතිච්‍රිත නිරිඝ

සංස තැලයක පහතට (තෙවද රුපය බලන්න). $\mu \geq 1$ බව පෙන්වන්න; මෙයි μ දී විඛා ඇති නොවූ ප්‍රස්ථා යුතු වේ නිස්සි නොවූ ප්‍රස්ථා යුතු වේ.



17.(a) පාටින් හුර අන් සැම අපුරකිත්ම සරවඟම පුදු පාට බෝල 2 ක් හා පාට බෝල 3 ක් B_1 , පෙටරියනා අධිංශු ටේ. බෝල 3 ක් B_1 , පෙටරියනා සහමාලී අලස, මිශ B_2 , පෙටරියනා මාරු තාරු ආරු ලැබේ. ඉන්පසු B_2 පෙටරියනා සහමාලී අලස බෝලයක් ඉවිකට ගනු ලැබේ.

- B_2 පෙටරියනා ඉවිකට ගනු ලැබූ බෝලය පුදු පාට විඳීම,
- B_2 පෙටරියනා ඉවිකට ගනු ලැබූ බෝලය පුදු පාට බෝල 2 ක් හා පාට බෝල 1 ක් මාරු නිවිශ්චීම සහමාලීවාට ගෙයන්න.

(b) පියුණු 20 ගෙවනා ප්‍රාග්ධ්‍රිකාවක් විසින් පාදනා ගන් කාලයන් එම එක් එක් කාලයන් 10 ක් අපුරු ඉන්පසු 2 ක් බෙදීම මින් ගෙවන කර ඇත.

පාදනා ගෙවනා අනුරුදුන්හි ප්‍රාග්ධ්‍රිකාවක් සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය පහත දී ඇත:

ගෙවන පාද කාලයන් (මිනින්දු ව්‍යුත්)	සංඛ්‍යාතය
0 – 2	2
2 – 4	f_1
4 – 6	9
6 – 8	f_2
8 – 10	1

ජෙවන පාද කාලයන්හි විමුහය තුළ මධ්‍යනාය මිනින්දු 4.4 බව දී ඇත. $f_1 = 6$ හා $f_2 = 2$ බව පෙන්වන්න. ජෙවන පාද කාලයන්හි පාමිතා අඛණ්ඩනය හා මාත්‍ය විමුහය කරන්න.

දැන්, ප්‍රාග්ධ්‍රිකාව විසින් පාදනා ගන් යුතු කාලයන්හි මධ්‍යනාය, සහමාලී අඛණ්ඩනය හා මාත්‍ය විමුහය කළේන්න.

* * *

**Visit Online Panthiya
YouTube channel to watch
Combined Maths and
Chemistry Videos**

