32025

AL/2024/10/S-I

கிழை இ திதியத் அற்றும் பதிப்புரிமையுடையது/All Rights Reserved]
S son: Pare oppolitionitation & ends fairs oppolition & Contraction & Contraction & Son appolition & ends fairs oppolition & Contraction & Son appointed to the second soft of the secon
Burnand in the arg formation and formation of the transformation of the formation of the formation of the formation of the second of the secon
අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විහාගය, 2024 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2024
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2024
നംപ്പുഞ്ഞ വി നില്ലാന് പില്ലാന് പ
இணைந்த கணிதம் I 10 S I I
Combined Mathematics I
B කොටස
* පුග්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.
11. (a) $f(x) = x^2 + 2x + c$ යැයි ගනිමු; මෙහි $c \in \mathbb{R}$ වේ.
f(x)=0 යන සමීකරණයට තාත්ත්වික පුහින්න මූල දෙකක් ඇති බව දී ඇත. $c<1$ බව පෙන්වන්න.
a හා β යනු $f(x) = 0$ හි මූල යැයි ගනිමු.
$lpha^2+eta^2=4-2c$ බව පෙන්වන්න.
$c \neq 0$ හා $\lambda \in \mathbb{R}$ යැයි ගනිමු. $\alpha + \frac{1}{\alpha}$ හා $\beta + \frac{1}{\beta}$ මූල ලෙස ඇති වර්ගජ සමීකරණය $2x^2 + 12x + \lambda = 0$
$c \neq 0 \text{ as } \lambda \in \mathbb{R}$ and a sign $a + \frac{1}{\alpha}$ as $p + \frac{1}{\beta} \in \mathbb{C}$ a qui cour as a sign $a + \frac{1}{\alpha}$ of β
$(b) \ f(x) = x^3 + px^2 + qx + p$ යැයි ගනිමු; මෙහි $p, q \in \mathbb{R}$ වේ. $f(x)$ යන්න $(x-2)$ මගින් බෙදූ විට ශේෂය.
f(x) යන්න $(x-1)$ මගින් බෙදූ විට ශේෂයට වඩා 36 ක් වැඩි ය. $3p+q=29$ බව පෙන්වන්න.
(x + 1) යන්න $f(x)$ හි සාධකයක් බව ද දී ඇත.
p=6 හා $q=11$ බව පෙන්වා $f(x)$ සම්පූර්ණයෙන් සාධකවලට වෙන් කරන්න.
ඒ නයින්. $f(x) = 3(x+2)$ විසඳන්න.
12. (a) පවුලක දෙමාපියන් තම ළඟම ඥාතීන් 15 දෙනෙකු අතුරෙන් 6 දෙනෙකුට රාත් භෝජන සංගුහයකට
12. (a) පවුලක දෙමාපයන් තම ළඟම ශ්රාත්න 15 දෙනෙකු අතුවෙන් 9 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකු ආරාධනා කිරීමට තීරණය කරති. පියාට ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 5 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකු
සිටින අතර, මවට ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 3 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 4 දෙනෙකු සිටි.
(i) පියාට ඔහුගේ ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් මවට ඇයගේ ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත්
ආරාධනා කළ හැකි
(ii) පිරිමි ආරාධිතයන් 3 දෙනෙකු හා ගැහැනු ආරාධිතයන් 3 දෙනෙකු වන පරිදි, පියාට ඔහුගේ ළඟම
ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් මවට ඇයගේ ළඟම ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් ආරාධනා කළ හැකි
වෙනස් විධි ගණන සොයන්න.

- 7 -

[අවචැති පිටුව බලන්න.

14.(a)
$$x \in \mathbb{R} - \{1, 2\}$$
 සඳහා $f(x) = \frac{px+q}{(x-1)(x-2)}$ යැයි ගනිමු; මෙහි $p, q \in \mathbb{R}$ වේ.

y = f(x)හි පුස්තාරයට (0, 1)හි දී ස්ථාවර ලක්ෂායක් ඇති බව දී ඇත. p = -3 හා q = 2 බව පෙන්වන්න. p හා qහි මෙම අගයන් සඳහා. f(x)හි ව්යුත්පන්නය. f'(x) යන්න $x \neq 1, 2$ සඳහා $f'(x) = \frac{x(3x-4)}{(x-1)^2(x-2)^2}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා. ƒ(x) අඩුවන පුාන්තර හා ƒ(x) වැඩිවන පුාන්තර සොයන්න. ස්පර්ශෝන්මුඛ හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින් y = f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

ඒ තයින්, $x^2(x-1)(x-2) = 2 - 3x$ සම්කරණයේ තාත්ත්වික විසඳුම් ගණන සොයන්න.

(b) පියනක් සහ පතුලක් සහිත සිලින්ඩරයක්, පරිමාව 1024π cm³ වන පරිදි සාදා ඇත. සිලින්ඩරයේ අරය $r \, {
m cm}$ යැයි ගනිමු. සිලින්ඩරයේ මුළු පෘෂ්ඨ වර්ගඵලය $S \, {
m cm}^2$ යන්න r > 0 සඳහා $S = 2\pi \Big({1024 \over r} + r^2 \Big)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

S අවම වන්නේ r = 8 වන විට බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $\int \frac{3t^2+4}{(t+1)(t^2-2t+4)} \, \mathrm{d}t$ සොයන්න.

(b)
$$u = x + \sqrt{x^2 + 3}$$
 ආදේශය භාවිතයෙන්, $\int_{0}^{1} \frac{1}{\sqrt{x^2 + 3}} dx = \frac{1}{2} \ln 3$ බව පෙන්වන්න.
 $J = \int_{0}^{1} \sqrt{x^2 + 3} dx$ යැයි ගනිමු. කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්, $2J = 2 + \int_{0}^{1} \frac{3}{\sqrt{x^2 + 3}} dx$

බව පෙන්වන්න.

0

$$J = 1 + \frac{3}{4} \ln 3$$
 බව අපෝගනය කරන්න.

(c) a නියතයක් වන
$$\int_{0}^{a} f(x)dx = \int_{0}^{a} f(a-x)dx$$
 සුනුය භාවිතයෙන් $\int_{0}^{\frac{\pi}{4}} \ln\left(\frac{\cos x}{\cos x + \sin x}\right)dx = \frac{\pi}{8}\ln\left(\frac{1}{2}\right)$
බව පෙන්වන්න.

[දහවැනි පිටුව බනේනා.

16. A ≡ (1, 2) හා B ≡ (a, b) යැයි ගනිමු; මෙහි a, b ∈ ℝ වේ. AB රේඛා ඛණ්ඩයේ l ලම්ඛ සමච්ඡේදකයේ සම්කරණය x + y − 4 = 0 බව දී ඇත. a හා b හි අගයන් සොයන්න.
C ≡ (3, 1) යැයි ගනිමු. C ලක්ෂාය l රේඛාව මත පිහිටන බව පෙන්වා AĈB සොයන්න.

A, B හා C ලක්ෂා හරහා යන වෘත්තය S යැයි ගනිමු. S හි කේන්දුය $\left(rac{13}{6}, rac{11}{6}
ight)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා S හි සමීකරණය සොයන්න.

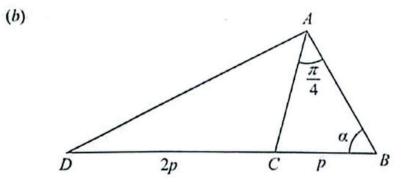
ඒ නයින්. A, B ලක්ෂා හා $D \equiv (0, 3)$ ලක්ෂාය හරහා යන වෘත්තයෙහි සමීකරණය සොයන්න.

17. (a) $6\cos 2x - 8\sin 2x$ යන්න $R\cos(2x + \alpha)$ ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි R > 0 හා $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ වේ.

ඒ නයින්, 6 cos 2x – 8 sin 2x = 5 විසඳන්න.

 $24\cos^2 x - 32\sin x \cos x$ යන්න $a\cos 2x + b\sin 2x + c$ ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි $a, b, c \in \mathbb{R}$) නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

24 cos ²x – 32 sin x cos x හි අවම අගය අපෝහනය කරන්න.



රූපයෙහි පෙන්වා ඇති ABC නිකෝණයෙහි BC = p, $BAC = \frac{\pi}{4}$ හා ABC = a වේ. දික් කළ BCරේඛාව මත D පිහිටා ඇත්තේ CD = 2p වන පරිදි ය.

 $AB = p(\cos \alpha + \sin \alpha)$ බව පෙන්වන්න.

p හා α ඇසුරෙන් AD^2 සොයන්න.

AD = 3p නම් $\alpha = \tan^{-1}(5)$ බව අපෝහනය කරන්න.

(c)
$$\tan^{-1}(x+1) + \tan^{-1}(x-1) = \sin^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)$$
 සම්කරණය විසඳන්න.

Visit Online Panthiya YouTube channel to watch Combined Maths and Chemistry Videos

