32025

## AL/2024/10/S-I

| கிழை இ திதியத் அற்றும் பதிப்புரிமையுடையது/All Rights Reserved]   |
|--|
|  |
| S son: Pare oppolitionitation & ends fairs oppolition & Contraction & Contraction & Son appolition & ends fairs oppolition & Contraction & Son appointed to the second soft of the secon |
| Burnand in the arg formation and formation of the transformation of the formation of the formation of the formation of the second of the secon |
| අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විහාගය, 2024<br>கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2024  |
| General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2024  |
| നംപ്പുഞ്ഞ വി നില്ലാന് പില്ലാന് പ  |
| இணைந்த கணிதம் I 10 S I I   |
| Combined Mathematics I   |
| B කොටස   |
| * පුග්න <b>පහකට</b> පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.   |
|  |
| 11. (a) $f(x) = x^2 + 2x + c$ යැයි ගනිමු; මෙහි $c \in \mathbb{R}$ වේ.  |
| f(x)=0 යන සමීකරණයට තාත්ත්වික පුහින්න මූල දෙකක් ඇති බව දී ඇත. $c<1$ බව පෙන්වන්න.  |
| $a$ හා $\beta$ යනු $f(x) = 0$ හි මූල යැයි ගනිමු.   |
| $lpha^2+eta^2=4-2c$ බව පෙන්වන්න.   |
| $c \neq 0$ හා $\lambda \in \mathbb{R}$ යැයි ගනිමු. $\alpha + \frac{1}{\alpha}$ හා $\beta + \frac{1}{\beta}$ මූල ලෙස ඇති වර්ගජ සමීකරණය $2x^2 + 12x + \lambda = 0$   |
| $c \neq 0 \text{ as } \lambda \in \mathbb{R}$ and a sign $a + \frac{1}{\alpha}$ as $p + \frac{1}{\beta} \in \mathbb{C}$ a qui cour as a sign $a + \frac{1}{\alpha}$ of $\beta$   |
|  |
|  |
| $(b) \ f(x) = x^3 + px^2 + qx + p$ යැයි ගනිමු; මෙහි $p, q \in \mathbb{R}$ වේ. $f(x)$ යන්න $(x-2)$ මගින් බෙදූ විට ශේෂය.   |
| f(x) යන්න $(x-1)$ මගින් බෙදූ විට ශේෂයට වඩා 36 ක් වැඩි ය. $3p+q=29$ බව පෙන්වන්න.  |
| (x + 1) යන්න $f(x)$ හි සාධකයක් බව ද දී ඇත.   |
| p=6 හා $q=11$ බව පෙන්වා $f(x)$ සම්පූර්ණයෙන් සාධකවලට වෙන් කරන්න.  |
|  |
| ඒ නයින්. $f(x) = 3(x+2)$ විසඳන්න.  |
|  |
|  |
| 12. (a) පවුලක දෙමාපියන් තම ළඟම ඥාතීන් 15 දෙනෙකු අතුරෙන් 6 දෙනෙකුට රාත් භෝජන සංගුහයකට   |
| 12. (a) පවුලක දෙමාපයන් තම ළඟම ශ්රාත්න 15 දෙනෙකු අතුවෙන් 9 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකු<br>ආරාධනා කිරීමට තීරණය කරති. පියාට ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 5 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකු   |
| සිටින අතර, මවට ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 3 දෙනෙකු හා ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 4 දෙනෙකු සිටි.  |
|  |
| (i) පියාට ඔහුගේ ළඟම ගැහැනු ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් මවට ඇයගේ ළඟම පිරිමි ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත්   |
| ආරාධනා කළ හැකි   |
| (ii) පිරිමි ආරාධිතයන් 3 දෙනෙකු හා ගැහැනු ආරාධිතයන් 3 දෙනෙකු වන පරිදි, පියාට ඔහුගේ ළඟම  |
| ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් මවට ඇයගේ ළඟම ඥාතීන් 3 දෙනෙකුටත් ආරාධනා කළ හැකි  |
|  |
| වෙනස් විධි ගණන සොයන්න.   |
|  |
|  |
|  |
|  |

- 7 -

[අවචැති පිටුව බලන්න.

14.(a) 
$$x \in \mathbb{R} - \{1, 2\}$$
 සඳහා  $f(x) = \frac{px+q}{(x-1)(x-2)}$  යැයි ගනිමු; මෙහි  $p, q \in \mathbb{R}$ වේ.

y = f(x)හි පුස්තාරයට (0, 1)හි දී ස්ථාවර ලක්ෂායක් ඇති බව දී ඇත. p = -3 හා q = 2 බව පෙන්වන්න. p හා qහි මෙම අගයන් සඳහා. f(x)හි ව්යුත්පන්නය. f'(x) යන්න  $x \neq 1, 2$  සඳහා  $f'(x) = \frac{x(3x-4)}{(x-1)^2(x-2)^2}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා. ƒ(x) අඩුවන පුාන්තර හා ƒ(x) වැඩිවන පුාන්තර සොයන්න. ස්පර්ශෝන්මුඛ හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින් y = f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

ඒ තයින්,  $x^2(x-1)(x-2) = 2 - 3x$  සම්කරණයේ තාත්ත්වික විසඳුම් ගණන සොයන්න.

(b) පියනක් සහ පතුලක් සහිත සිලින්ඩරයක්, පරිමාව 1024π cm³ වන පරිදි සාදා ඇත. සිලින්ඩරයේ අරය  $r \, {
m cm}$  යැයි ගනිමු. සිලින්ඩරයේ මුළු පෘෂ්ඨ වර්ගඵලය  $S \, {
m cm}^2$  යන්න r > 0 සඳහා  $S = 2\pi \Big( {1024 \over r} + r^2 \Big)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

S අවම වන්නේ r = 8 වන විට බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ,  $\int \frac{3t^2+4}{(t+1)(t^2-2t+4)} \, \mathrm{d}t$  සොයන්න.

(b) 
$$u = x + \sqrt{x^2 + 3}$$
 ආදේශය භාවිතයෙන්,  $\int_{0}^{1} \frac{1}{\sqrt{x^2 + 3}} dx = \frac{1}{2} \ln 3$  බව පෙන්වන්න.  
 $J = \int_{0}^{1} \sqrt{x^2 + 3} dx$  යැයි ගනිමු. කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්,  $2J = 2 + \int_{0}^{1} \frac{3}{\sqrt{x^2 + 3}} dx$ 

බව පෙන්වන්න.

0

$$J = 1 + \frac{3}{4} \ln 3$$
 බව අපෝගනය කරන්න.

(c) a නියතයක් වන 
$$\int_{0}^{a} f(x)dx = \int_{0}^{a} f(a-x)dx$$
 සුනුය භාවිතයෙන්  $\int_{0}^{\frac{\pi}{4}} \ln\left(\frac{\cos x}{\cos x + \sin x}\right)dx = \frac{\pi}{8}\ln\left(\frac{1}{2}\right)$   
බව පෙන්වන්න.

[දහවැනි පිටුව බනේනා.

16. A ≡ (1, 2) හා B ≡ (a, b) යැයි ගනිමු; මෙහි a, b ∈ ℝ වේ. AB රේඛා ඛණ්ඩයේ l ලම්ඛ සමච්ඡේදකයේ සම්කරණය x + y − 4 = 0 බව දී ඇත. a හා b හි අගයන් සොයන්න.
C ≡ (3, 1) යැයි ගනිමු. C ලක්ෂාය l රේඛාව මත පිහිටන බව පෙන්වා AĈB සොයන්න.

A, B හා C ලක්ෂා හරහා යන වෘත්තය S යැයි ගනිමු. S හි කේන්දුය  $\left(rac{13}{6}, rac{11}{6}
ight)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා S හි සමීකරණය සොයන්න.

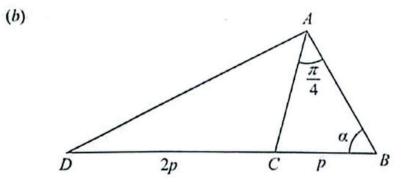
**ඒ නයින්**. A, B ලක්ෂා හා  $D \equiv (0, 3)$  ලක්ෂාය හරහා යන වෘත්තයෙහි සමීකරණය සොයන්න.

17. (a)  $6\cos 2x - 8\sin 2x$  යන්න  $R\cos(2x + \alpha)$  ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි R > 0 හා  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$  වේ.

ඒ නයින්, 6 cos 2x – 8 sin 2x = 5 විසඳන්න.

 $24\cos^2 x - 32\sin x \cos x$  යන්න  $a\cos 2x + b\sin 2x + c$  ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි  $a, b, c \in \mathbb{R}$ ) නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

24 cos <sup>2</sup>x – 32 sin x cos x හි අවම අගය අපෝහනය කරන්න.



රූපයෙහි පෙන්වා ඇති ABC නිකෝණයෙහි BC = p,  $BAC = \frac{\pi}{4}$  හා ABC = a වේ. දික් කළ BCරේඛාව මත D පිහිටා ඇත්තේ CD = 2p වන පරිදි ය.

 $AB = p(\cos \alpha + \sin \alpha)$  බව පෙන්වන්න.

p හා  $\alpha$  ඇසුරෙන්  $AD^2$  සොයන්න.

AD = 3p නම්  $\alpha = \tan^{-1}(5)$  බව අපෝහනය කරන්න.

(c) 
$$\tan^{-1}(x+1) + \tan^{-1}(x-1) = \sin^{-1}\left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)$$
 සම්කරණය විසඳන්න.

## Visit Online Panthiya YouTube channel to watch Combined Maths and Chemistry Videos

