



## A කොටස

1. එක එකක ස්කන්දය  $m$  වූ A, B හා C අංශු තුනක් එම පිළිවෙළින්, සුමත තිරස් මේසයක් මත සරල රේඛාවක තබා ඇත. A අංශුවට  $a$  ප්‍රවේශයක් දෙනු ලබන්නේ එය B අංශුව සමග සරල ලෙස ගැටෙන පරිදි ය. A අංශුව සමග ගැටුන පසු, B අංශුව වලනය වී C අංශුව සමග සරල ලෙස ගැටෙ. A හා B අතර ප්‍රක්ෂාගති සංග්‍රහකය e වේ. පළමු ගැටුමෙන් පසුව B හි ප්‍රවේශය සෞයන්න.
- B හා C අතර ප්‍රක්ෂාගති සංග්‍රහකය ද e වේ. B සමග ගැටුමෙන් පසුව C හි ප්‍රවේශය එය දක්වන්න.
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....
- .....

2. තිරස් හා සිරස් සංරචක පිළිවෙළින්  $\sqrt{ga}$  හා  $\sqrt{6ga}$  සහිත ප්‍රවේශකින් තිරස් ගෙවීමක් මත වූ O ලක්ෂණයක සිට අංශුවක් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. රුපයේ දැක්වෙන පරිදි, එකිනෙකට  $a$  තිරස් දුරකින් පිහිටි එස a හා b වූ සිරස් තාප්ප දෙකකට යාන්තමින් ඉගලීන් අංශුව යයි. එස a වූ කාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ ප්‍රවේශයෙහි සිරස් සංරචකය  $2\sqrt{ga}$  බව පෙන්වන්න.

$$b = \frac{5a}{2} \text{ බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.}$$

.....

.....

.....

.....

.....

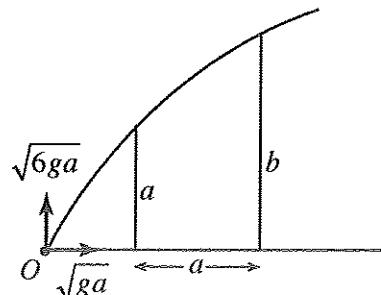
.....

.....

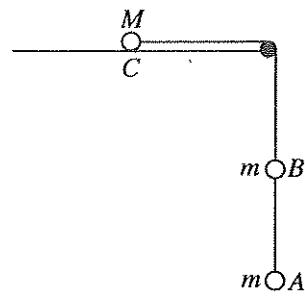
.....

.....

.....



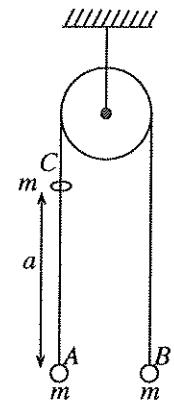
3. රුපයෙහි  $A$ ,  $B$  හා  $C$  යනු ස්කන්ධ පිළිබඳූ ම්‍යාරුල් වේ.  $A$  හා  $B$  අංශ සැහැල්පු අවිතනය තන්තුවකින් සම්බන්ධ කර ඇත. සුම්මට තිරස් මේසයක් මත වූ  $C$  අංශව, මේසයේ දාරයට සවිකර ඇති සුම්මට කුඩා කජ්පයක් මතින් යන කවත් සැහැල්පු අවිතනය තන්තුවකින්  $B$  ව ඇදා ඇත. අංශ හා තන්තු සියල්ලම එකම සිරස් තලයක පිහිටයි. තන්තු නොමුරුල්ව ඇතිව පද්ධතිය තිය්වලකාවයේ සිට මූදා හරිනු ලැබේ.  $A$  හා  $B$  යා කරන තන්තුවේ ආතනිය තිරීමට ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලියා දක්වන්න.



4. ස්කන්ධය  $M \text{ kg}$  හා  $P \text{ kW}$  නියත ජවයකින් යුත් කාරයක් තිරසට  $\alpha$  කෝණයකින් ආනත සාපු මාර්ගයක් දිගේ පහළට වලනය වේ. එහි වලිනයට  $R (> Mg \sin \alpha) N$  නියත ප්‍රතිරෝධයක් ඇත. එක්තරා මොහොතක දී කාරයේ ත්වරණය  $a \text{ ms}^{-2}$  වේ. මෙම මොහොතේ දී කාරයේ ප්‍රවේශය සොයන්න.

මාර්ගය දිගේ පහළට කාරයට වලනය එය හැකි නියත වේය  $\frac{1000P}{R - Mg \sin \alpha} \text{ ms}^{-1}$  නව අප්සතය කරන්න.

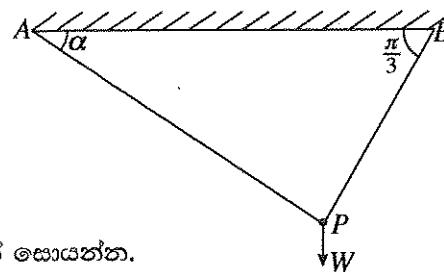
5. එක එකක ස්කන්ධය  $m$  වූ  $A$  හා  $B$  අංශ දෙකක්, අවල පුමට කේපියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙළවරට ඇදා සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි.  $A$  ව සිරස්ව  $a$  දුරක් ඉහළින් වූ ලක්ෂණයකින් නිය්වලකාවයේ සිට මුදා හරින ලද ස්කන්ධය  $m$  ම වූ  $C$  කුඩා පැඹවක් ගුරුත්වය යටතේ නිදහසේ වෙනය වී  $A$  සමග ගැටී හා වේ. (රුපය බලන්න.)  $A$  හා  $C$  අතර ගැටුම සිදු වන මොහොතේ දී තන්තුවේ ආවේගය ද ඉහත ගැටුමෙන් මොහොතාකට පසු  $B$  ලබා ගන්නා ප්‍රවේගය ද නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලියා දක්වන්න.



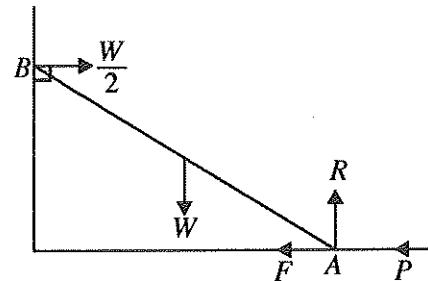
6. සුපුරුදු අංකනයෙන්,  $O$  අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන්  $A$  හා  $B$  ලක්ෂණ දෙකක පිහිටුම් දෙයික පිළිවෙළින්  $2i + j$  හා  $3i - j$  යැයි ගනිමු.  $A\hat{O}C = A\hat{O}D = \frac{\pi}{2}$  හා  $OC = OD = \frac{1}{3}AB$  වන පරිදි වූ  $C$  හා  $D$  ප්‍රහින්න ලක්ෂණ දෙකකි පිහිටුම් දෙයික සොයන්න.

7. තිරස සමග පිළිවෙළින්  $a$  හා  $\frac{\pi}{3}$  කෝෂ සාදන  $AP$  හා  $BP$  සහැල්ලු අවිතනා තන්තු දෙකක් මගින් තිරස සිවිලිමකින් එල්ලා ඇති බර  $W$  වූ  $P$  අංශවක්, රුපයේ දැක්වෙන පරිදි සම්බුද්ධතාවයේ පවතී.  $AP$  තන්තුවේ ආතනිය,  $W$  හා  $a$  ඇසුරෙන් සොයන්න.

එ නියිත්, මෙම ආතනියේ අවම අගයක් එයට අනුරූප  $\alpha$  හි අගයන් සොයන්න.



8. දිග  $2a$  හා බර  $W$  වූ ඒකාකාර  $AB$  දැන්වික් එහි  $A$  කෙළවර රූ තිරස ගෙවීමක් මත දී  $B$  කෙළවර සුම්ම සිරස බිත්තියකට එරෙහිව ද තබා ඇත. බිත්තියට ලම්බ සිරස තලයක දැන්ඩ සම්බුද්ධතාවයේ තබා ඇත්තේ  $A$  කෙළවරේ දී බිත්තිය දෙසට යෝද විශාලත්වය  $P$  වන තිරස බලයක් මගිනි. රුපයේ  $F$  හා  $R$  මගින් පිළිවෙළින්  $A$  හි දී සර්ථක බලය හා අභිල්ම ප්‍රතික්‍රියාව දක්වා ඇත.  $B$  හි දී බිත්තිය මගින් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව, රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි  $\frac{W}{2}$  ද දැන්ඩ හා ගෙවීම අතර සර්ථක සංගුණකය  $\frac{1}{4}$  ද නම්,  $\frac{W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{4}$  බව පෙන්වන්න.



9.  $A$  හා  $B$  යනු මත නියදී අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනීමු. සූපුරුදු අංකයන්,  $P(A) = \frac{3}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{2}{5}$  හා  $P(A' \cap B) = \frac{1}{10}$  බව දී ඇත.  $P(B)$  හා  $P(A' \cap B')$  සොයන්න; මෙහි  $A'$  හා  $B'$  වලින් පිළිවෙළින්  $A$  හා  $B$  හි අනුපූරුත් සිද්ධි දැක්වේ.

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

10. එක එකක් 5 ට අඩු දෙන නිවේලු පහකට මාත්‍යන් දෙකක් ඇති අතර ඉන් එකක් 3 වේ. එවායේ මධ්‍යනාය හා මධ්‍යස්ථාන යන දෙකම 3 ට සමාන වේ. මෙම නිවේලු පහ සොයන්න.

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

.....  
 .....

## නව නිර්දේශය/ප්‍රතිච්‍යා පාඨත්තිටම්/New Syllabus

සිංහල අධ්‍යාපනීය/මුද්‍රා පත්‍රපාඨ සැලැක්වා යුතුවේ/All Rights Reserved  
**NEW** Department of Examinations, Sri Lanka  
 සිංහල අධ්‍යාපනීය/මුද්‍රා පත්‍රපාඨ සැලැක්වා යුතුවේ/All Rights Reserved  
 සිංහල අධ්‍යාපනීය/මුද්‍රා පත්‍රපාඨ සැලැක්වා යුතුවේ/All Rights Reserved  
 සිංහල අධ්‍යාපනීය/මුද්‍රා පත්‍රපාඨ සැලැක්වා යුතුවේ/All Rights Reserved

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විජාය, 2019 අගෝස්තු  
 කළඩා පොතුත් තරාතරප් පත්තිර (ඉයර් තරප්) පිළිස්ස, 2019 ඉකස්ස්  
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

සංස්කරණ ගණිතය	II
මිශ්‍යමත කණිතම	II
Combined Mathematics	II

10 S II

\* ප්‍රශ්න පහකට පමණක් සිලුබරු සහයන්න.

(මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයේ  $g$  මගින් ගුරුත්වන ත්වරණය දැක්වෙයි.)

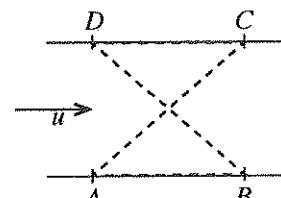
11. (a)  $P$  හා  $Q$  මෝටර රථ දෙකක් සාපුරු පාරක් දිගේ නියත ත්වරණ සහිතව එකම දිගාවකට වලනය වේ. කාලය  $t = 0$  නිසු දී  $P$  හි ප්‍රවේශය  $u \text{ ms}^{-1}$  දී  $Q$  හි ප්‍රවේශය  $(u + 9) \text{ ms}^{-1}$  දී වේ.  $P$  හි නියත ත්වරණය  $f \text{ ms}^{-2}$  දී  $Q$  හි නියත ත්වරණය  $\left(f + \frac{1}{10}\right) \text{ ms}^{-2}$  දී වේ.

- (i)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  හා  $Q$  හි වලිනවලට, එකම රුපයක හා
- (ii)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  හි සාපේක්ෂව  $Q$  හි වලිනයට, වෙනම රුපයක,

ප්‍රවේශ-කාල වනුවල දෙ සටහන් අදින්න.

කාලය  $t = 0$  නිසු දී  $P$  මෝටර රථය  $Q$  මෝටර රථයට වඩා මේර 200 ක් ඉදිරියෙන් සිටි බව තවදුරටත් දී ඇත.  $P$  පසුකර යැමට  $Q$  මගින් ගනු ලබන කාලය සොයන්න.

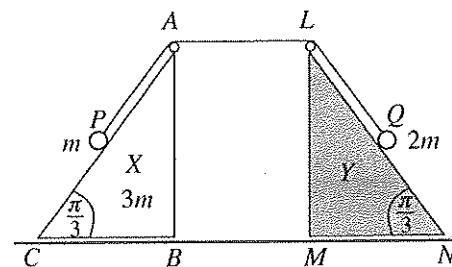
(b) සමාන්තර සාපුරු ඉවුරු සහිත පළල  $a$  වූ ගෙයක්  $u$  ඒකාකාර ප්‍රවේශයෙන් ගෙයි. රුපයෙහි,  $A, B, C$  හා  $D$  යන ඉවුරු මත වූ ලක්ෂා සමවතුරසුයක සිරිෂ වේ. ජලයට සාපේක්ෂව නියත  $v (> u)$  වේයෙන් වලනය වන  $B_1$  හා  $B_2$  බේවිටු දෙකක් එකම මොහොතාක අසිට ඒවායේ ගමන් ආරම්භ කරයි.  $B_1$  බේවිටුව පළමුව  $\overrightarrow{AC}$  දිගේ  $C$  වෙත ගොස් ඉන්පසු  $\overrightarrow{CD}$  දිගාවට ගෙ දිගේ ඉහළට  $D$  වෙත යයි.  $B_2$  බේවිටුව පළමුව  $\overrightarrow{AB}$  දිගාවට ගෙ දිගේ පහළට  $B$  වෙත ගොස් ඉන්පසු  $\overrightarrow{BD}$  දිගේ  $D$  වෙත යයි. එකම රුපයක,  $B_1$  හි  $A$  සිට  $C$  දක්වා ද  $B_2$  හි  $B$  සිට  $D$  දක්වා ද වලින සඳහා ප්‍රවේශ ත්වරණවල දෙ සටහන් අදින්න.



එනිඩින්,  $A$  සිට  $C$  දක්වා වලිනයේ දී  $B_1$  බේවිටුවේ වේය  $\frac{1}{\sqrt{2}} (\sqrt{2v^2 - u^2} + u)$  බව පෙන්වා  $B$  සිට  $D$  දක්වා වලිනයේ දී  $B_2$  බේවිටුවේ වේය සොයන්න.

$B_1$  හා  $B_2$  බේවිටු දෙකම එකම මොහොතාක දී  $D$  වෙත ලැබා වන බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.

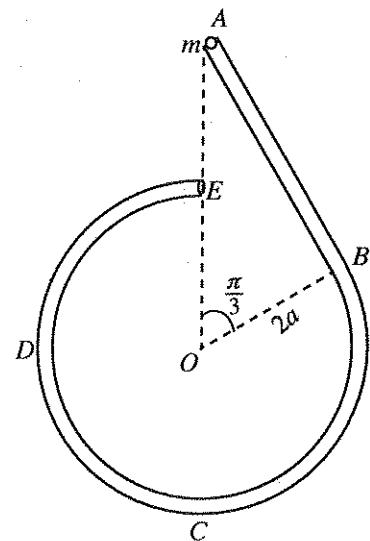
12. (a) රුපයෙහි  $ABC$  හා  $LMN$  ත්වරණ,  $A\hat{C}B = L\hat{N}M = \frac{\pi}{3}$  හා  $A\hat{B}C = L\hat{M}N = \frac{\pi}{2}$  වූ  $BC$  හා  $MN$  අඩංගු මූහුණත් සුමට තිරස ගෙවීමක් මත තබන ලද පිළිවෙළින්  $X$  හා  $Y$  රාජුව්‍යම සුමට ඒකාකාර කුණ්කු දෙකක් ගුරුත්ව කේත්ද තුළින් වූ සිරස හරසක්ව වේ. සකන්තය  $3m$  වූ  $X$  කුණ්කුය ගෙවීම මත වලනය වීමට නිදහස් වන අතර  $Y$  කුණ්කුය අවමව තබා ඇත.  $AC$  හා  $LN$  රේඛා අදාළ මූහුණත්වල උපරිම බැඳුම් රේඛා වේ.  $A$  හා  $L$  හි සවිකර ඇති සුමට කුඩා කපේ දෙකක් එකින් යන සැහැල්ලු අව්‍යතිතය තන්තුවක දෙකෙලුට ස්කන්ධ පිළිවෙළින්  $m$  හා  $2m$  වූ  $P$  හා  $Q$  අංශ දෙකකට ඇදා ඇත. රුපයේ පරිදි ආරම්භක පිහිටිමේ දී, තන්තුව නොවුරුල්ව හා  $AP = AL = LQ = a$  වන ලෙස  $P$  හා  $Q$  අංශ පිළිවෙළින්  $AC$  හා  $LN$  මත අඝ්වා තබා ඇත. පද්ධතිය නිශ්චිත ත්වරණවලයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $Y$  වෙත යාමට  $X$  ගනු ලබන කාලය,  $a$  හා  $g$  ඇසුරෙන් නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබා ගන්න.



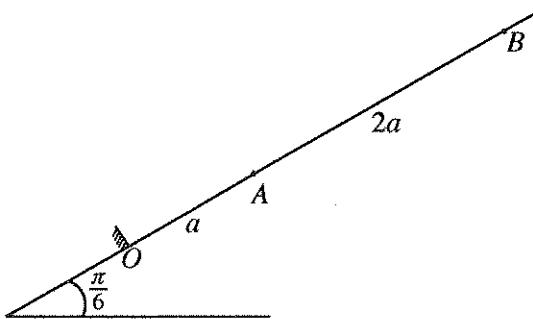
(b) රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සූමට සිහින්  $ABCDE$  බටයක් සිරස් තලයක සවිකර ඇත. දිග  $2\sqrt{3}a$  වූ  $AB$  කොටස යුතු වන අතර එය  $B$  හි දී අරය  $2a$  වූ  $BCDE$  වැන්තාකාර කොටසට ස්ථාපිත වේ.  $A$  හා  $E$  අන්ත  $O$  කේත්දුයට සිරස්ව ඉහුලින් සිහිවයි. ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවක්  $A$  හි දී බටය තුළ තබා නිශ්චලනාවයේ සිට සිරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $\overrightarrow{OA}$  සමග  $\theta \left( \frac{\pi}{3} < \theta < 2\pi \right)$  කේත්යක්  $\overrightarrow{OP}$  සාදන විට  $P$  අංශුවේ වේගය,  $v$  යන්න,  $v^2 = 4ga(2 - \cos\theta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, එම මොහොන් දී  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.

$P$  අංශුව  $A$  සිට  $B$  දක්වා වලිනයේ දී එය මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ද සොයන්න.

$P$  අංශුව  $B$  පසු කරන විට  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ක්ෂණිකව වෙනස් වන බව පෙන්වන්න.



13. තිරසට  $\frac{\pi}{6}$  කේත්යකින් ආනත සූමට අවල තලයක උපරිම බැඳුම් රේඛාවක් මත  $OA = a$  හා  $AB = 2a$  වන පරිදි  $O$  පහළම ලක්ෂය ලෙස ඇතිව  $O, A$  හා  $B$  ලක්ෂා එම පිළිවෙළින් පිහිටා ඇත. ස්වාහාවික දිග  $a$  හා ප්‍රත්‍යාස්ථානා මාපාංකය  $mg$  වූ සැහැල්ලු ප්‍රත්‍යාස්ථානා තන්තුවක එක් කෙළවරක්  $O$  ලක්ෂායට ඇදා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවකට ඇදා ඇත.  $P$  අංශුව  $B$  ලක්ෂාය කරා ලැයා වන තෙක් තන්තුව  $OAB$  රේඛාව දිගේ අදිනු ලැබේ. ඉන්පසු  $P$  අංශුව නිශ්චලනාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.  $B$  සිට  $A$  දක්වා  $P$  හි වලින ස්ථිරණය,  $0 \leq x \leq 2a$  සඳහා,  $\ddot{x} + \frac{g}{a} \left( x + \frac{a}{2} \right) = 0$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි  $AP = x$  වේ.



ඉහත සරල අනුවර්ති වලිනයේ කේත්දුය සොයා  $\dot{y}^2 = \omega^2(c^2 - y^2)$  සූත්‍රය භාවිතයෙන්,  $c$  විස්තාරය හා  $A$  වෙත ලැයා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය සොයන්න.

$O$  වෙත ලැයා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය  $\sqrt{7ga}$  බව පෙන්වන්න.

$B$  සිට  $O$  දක්වා වලනය වීමට  $P$  මගින් ගනු ලබන කාලය  $\sqrt{\frac{a}{g} \left\{ \cos^{-1} \left( \frac{1}{5} \right) + 2k \right\}}$  බවත් පෙන්වන්න; මෙහි  $k = \sqrt{7} - \sqrt{6}$  වේ.

$P$  අංශුව  $O$  වෙත ලැයා වන විට, තලයට ලමිබව  $O$  හි සවිකර ඇති සූමට බාධිකයක් හා එය ගැවෙයි. බාධිකය හා  $P$  අතර ප්‍රත්‍යාග්‍ය සංග්‍රහකය  $e$  වේ.  $0 < e \leq \frac{1}{\sqrt{7}}$  නම්, පසුව සිදු වන  $P$  හි වලිනය සරල අනුවර්ති නොවන බව පෙන්වන්න.

14. (a)  $OACB$  යනු සමාන්තරාසුයක් යැයි ද  $D$  යනු  $AC$  මත  $AD : DC = 2 : 1$  වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ද ගනිමු.  $O$  අනුබද්‍යයෙන්  $A$  හා  $B$  ලක්ෂාවල පිහිටුම දෙයික පිළිවෙළින්  $\lambda a$  හා  $b$  වේ; මෙහි  $\lambda > 0$  වේ.  $\overrightarrow{OC}$  හා  $\overrightarrow{BD}$  දෙයික,  $a, b$  හා  $\lambda$  ඇුපුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

දැන්,  $\overrightarrow{OC}$  යන්න  $\overrightarrow{BD}$  ට ලමිබ වේ යැයි ගනිමු.  $3|a|^2 \lambda^2 + 2(a \cdot b)\lambda - |b|^2 = 0$  බව පෙන්වා

$|a| = |b|$  හා  $A \hat{O} B = \frac{\pi}{3}$  නම්,  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

- (b) කේත්දය  $O$  හා පැත්තක දිග  $2a$  වූ  $ABCDEF$  සංවිධාන තලයෙහි වූ බල තුනකින් පද්ධතියක් සමන්වීම වේ. මූලය  $O$  හි ද  $Ox$ -අක්ෂය  $\overrightarrow{OB}$  දිගේ ද  $Oy$ -අක්ෂය  $\overrightarrow{OH}$  දිගේ ද ඇතිව බල හා ඒවායේ ක්‍රියා ලක්ෂණ සූපුරුදු අංකනයෙන්, පහත වගුවේ දක්වා ඇත; මෙහි  $H$  යනු  $CD$  හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වේ.
- ( $P$  නිවිත වලින් ද  $a$  මේටර වලින් ද මතිනු ලැබේ.)

ක්‍රියා ලක්ෂණය	පිහිටුව දෙශීකෙයා	බලය
$A$	$ai - \sqrt{3}aj$	$3Pi + \sqrt{3}Pj$
$C$	$ai + \sqrt{3}aj$	$-3Pi + \sqrt{3}Pj$
$E$	$-2ai$	$-2\sqrt{3}Pj$

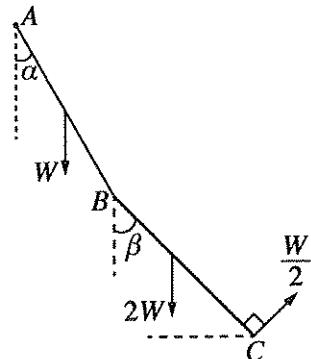
පද්ධතිය යුත්මයකට තුළා වන බව පෙන්වා, යුත්මයේ සූර්යනය සොයන්න.

දන්,  $\overrightarrow{FE}$  දිගේ ක්‍රියා කරන විශාලත්වය  $6P$  N වූ අතිරේක බලයක් මෙම පද්ධතියට ඇතුළත් කරනු ලැබේ. තව පද්ධතිය උෂනනය වන තනි බලයේ විශාලත්වය, දිගාව හා ක්‍රියා රෝමාව සොයන්න.

15. (a) එක එකක දිග  $2a$  වූ  $AB$  හා  $BC$  ඒකාකාර දැඩි දෙකක්  $B$  හි ද සූමට ලෙස සන්ධි කර ඇත.  $AB$  දීන්වී බර  $W$  ද  $BC$  දීන්ධි බර  $2W$  ද වේ.  $A$  කෙළවර අවල ලක්ෂණකට සූමට ලෙස අසවි කර ඇත.  $AB$  හා  $BC$  දැඩි යටි අත් සිරස සමග පිළිවෙළින්  $\alpha$  හා  $\beta$  කොළ සාදුම්න් මෙම පද්ධතිය සිරස තලයක සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ,  $C$  හි ද රුපයේ පෙන්වා ඇති  $BC$  ට ලමිබ දිගාව මස්සේ යෙදු  $\frac{W}{2}$  බලයක් මගිනි.  $\beta = \frac{\pi}{6}$  බව  
පෙන්වා,  $B$  සන්ධියේ ද  $AB$  දීන්වී මගිනි  $BC$  දීන්ධි මන යොදන

ප්‍රතික්‍රියාවෙහි තිරස හා සිරස සංරචක සොයන්න.

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{9}$$
 බවත් පෙන්වන්න.

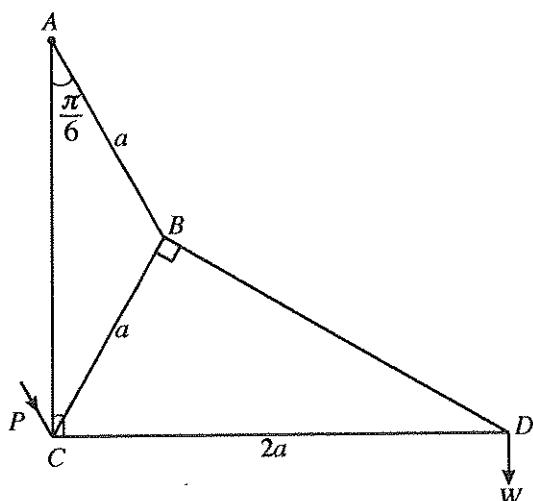


- (b) රුපයෙහි පෙන්වා ඇති රාමු සැකිල්ල ඒවායේ කෙළවරවල ද සූමට ලෙස සන්ධි කළ  $AB, BC, BD, DC$  හා  $AC$  සැහැල්ල දැඩි පහකින් සමන්වීම වේ.

මෙහි  $AB = CB = a$  ද  $CD = 2a$  ද  $B\hat{A}C = \frac{\pi}{6}$  ද බව ද ඇත. රාමු සැකිල්ල  $A$  හි ද අවල ලක්ෂණකට සූමට ලෙස අසවි කර ඇත.  $D$  සන්ධියේ ද  $W$  හාරයක් එල්ලා,  $AC$  සිරසට ද  $CD$  සිරසට ද ඇතිව සිරස තලයක රාමු සැකිල්ල සමතුලිත තබා ඇත්තේ  $C$  සන්ධියේ ද  $AB$  දීන්ධිට සමාන්තරව රුපයේ පෙන්වා ඇති දිගාවට යෙදු  $P$  බලයක් මගිනි. රෝ අංකනය හාවිතයෙන්  $D, B$  හා  $C$  සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහනක් අදින්න.

එ නයිත,

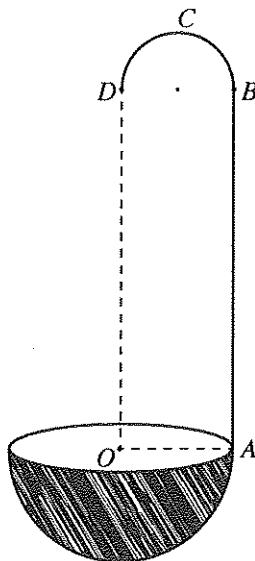
- අංතරික් ද තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් දැඩි පහේම ප්‍රත්‍යාබල, හා
- $P$  හි අයය සොයන්න.



16. (i) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක ස්කන්දය කේන්දුයේ සිට  $\frac{2a}{\pi}$  දුරකින් ද
- (ii) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලක ස්කන්දය කේන්දුයේ සිට  $\frac{a}{2}$  දුරකින් ද  
පිහිටන බව පෙන්වන්න.

කේන්දුය  $O$  හා අරය  $2a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලකට රුපයේ දැක්වන පරිදි දිග  $2\pi a$  වූ  $AB$  සූජු කොටසකින් ද  $BD$  විෂ්කම්භය  $AB$  ව ලම්බ වන පරිදි, අරය  $a$  වූ  $BCD$  අර්ධ වෘත්තාකාර කොටසකින් ද සමන්විත ඒකාකාර කම්බියකින් සාදනු ලැබූ  $ABCD$  තුනී මිටක් දාඩ් ලෙස සට් කිරීමෙන් හැන්දක් සාදා ඇත.  $A$  ලක්ෂය අර්ධ ගෝලයේ ගැටිට මත ඇති අතර  $OA$  යන්න  $AB$  ව ලම්බ ද  $OD$  යන්න  $AB$  ව සමාන්තර ද වේ. තව ද  $BCD$  යන්න  $OABD$  හි කළයේ පිහිටා ඇත. අර්ධ ගෝලයේ ඒකක වර්ගීයක ස්කන්දය ර ද මිටියි ඒකක දිගක ස්කන්දය  $\frac{a\sigma}{2}$  ද වේ. හැන්දේ ස්කන්දය කේන්දුය,  $OA$  සිට පහළට  $\frac{2}{19\pi}(8\pi - 2\pi^2 - 1)a$  දුරකින් ද  $O$  හා  $D$  හරහා යන රේඛාවේ සිට  $\frac{5}{19}a$  දුරකින් ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

රඟ තිරස් මෙසයක් මත, අර්ධ ගෝලාකාර පාශේෂීය එය ස්ථුරු කරමින්, හැන්ද කඩා ඇත. අර්ධ ගෝලාකාර පාශේෂීය හා මෙසය අතර සර්වානු සංග්‍රහකය  $\frac{1}{7}$  කි.  $\overrightarrow{AO}$  දිගාවට  $A$  හි දි යොදනු ලබන තිරස් බලයක් මගින්  $OD$  සිරස්ව ඇතිව හැන්ද සමනුලිතනාවයේ තැබිය හැකි බව පෙන්වන්න.



17. (a) ආරම්භයේදී එක එකක් පූදු පාට හෝ කල් පාට පු, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම සමාන බේල 3 ක් පෙට්ටියක අඩංගු වේ. දැන්, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම පෙට්ටියේ ඇති බේලවලට සමාන පූදු පාට බේලයක් පෙට්ටිය තුළට දමා ඉන්පසු සසම්භාවී ලෙස බේලයක් පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ.

පෙට්ටියේ ඇති බේලවල ආරම්භක සංයුති හතර සම සේ හවුන වේ යැයි උපක්‍රේෂණය කරමින්,

(i) ඉවතට ගත් බේලය පූදු පාට එකක් විමේ,

(ii) ඉවතට ගත් බේලය පූදු පාට එකක් බව දි ඇති විට ආරම්භයේදී පෙට්ටිය තුළ හරියටම කළ පාට බේල 2 ක් තිබීමේ,

සම්භාවනාව සොයන්න.

- (b)  $\mu$  හා  $\sigma$  යනු පිළිවෙළින්  $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය යැයි ගතිමු.  $\{\alpha x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න; මෙහි  $\alpha$  යනු තියතයකි.

එක්තරා සමාගමක සේවකයින් 50 දෙනාකුගේ මාසික වැටුප් පහත වගුවේ සාරාගගත කර ඇත:

මාසික වැටුප (රුපියල් දැනයේ ඒවායින්)	සේවකයින් ගංග
5 – 15	9
15 – 25	11
25 – 35	14
35 – 45	10
45 – 55	6

සේවකයින් 50 දෙනාගේ මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.

වසරක ආරම්භයේදී එක එක සේවකයාගේ මාසික වැටුප  $p\%$  වලින් වැඩි කරනු ලැබේ. ඉහත සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනය  $\bar{x}$  යි.  $p$  හි අය හා සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.